

1. Prove que $(\operatorname{tg}(x)+1)(1-\operatorname{tg}(x))=2-\sec^2(x)$.

2. Demonstre a seguinte identidade trigonométrica: $(\operatorname{tg}(x)-\operatorname{sen}(x))^2+(1-\cos(x))^2=(\sec(x)-1)^2$.

3. Considere as funções f e g definidas por $f(x) = \operatorname{sen}(x)$ e $g(x) = \cos(x)$. O número de raízes da equação $f(x) = g(x)$ no intervalo $[-2\pi, 2\pi]$ é:

- a) Não existe raiz.
- b) 1
- c) 2
- d) 3
- e) 4

4. O domínio da função $f(x) = \operatorname{tg}(3x)$ é:

- a) $\{x \in \mathbb{R} / x \neq k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$
- b) $\{x \in \mathbb{R} / x \neq (\pi/2) + k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$
- c) $\{x \in \mathbb{R} / x \neq (\pi/2) + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$
- d) $\{x \in \mathbb{R} / x \neq (\pi/6) + (k\pi/3), k \in \mathbb{Z}\}$
- e) \mathbb{R}

5. Resolva as equações:

a) $\operatorname{sen}^2(x) + 3 \operatorname{sen}(x) + 2 = 0$

b) $\operatorname{sen}(2x - \pi) = -\frac{\sqrt{3}}{2}$

6. Sabendo que $\operatorname{cosec}(x) = -\frac{12}{5}$ e

$\pi < x < \frac{3\pi}{2}$, calcule $\operatorname{sen}(x)$, $\cos(x)$, $\operatorname{tg}(x)$ e $\operatorname{cotg}(x)$.